

МНОЖЕСТВО НА ПРИРОДНИ БРОЕВИ

Множеството на природните броеви е $N=\{1, 2, 3, \dots\}$.

Бројот 1 е најмал природен број, а најголем природен број не постои.

Множеството чии елементи се сите природни броеви и бројот нула се означува како $N_0 = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$.

1. СОБИРАЊЕ И МНОЖЕЊЕ НА ПРИРОДНИ БРОЕВИ

Збирот и производот на кои било два природни броја е природен број, т.е.

$$(\forall a, b \in N)(a + b, ab \in N)$$

За кои било $a, b, c \in N_0$ точни се следниве равенства:

– **комутативен закон за собирање:**

$$a + b = b + a$$

Пример: $12+3=15$ $3+12=15$

– **асоцијативен закон за собирање:**

$$(a + b) + c = a + (b + c)$$

Пример: $(8+15)+12=23+12=35$ $8+(15+12)=8+27=35$

-**единицата е неутрален елемент за множењето:**

$$a \cdot 1 = 1 \cdot a = a$$

Пример: $4 \cdot 1=4$ $1 \cdot 4=4$

-**комутативен закон за множење:**

$$a \cdot b = b \cdot a$$

Пример: $5 \cdot 3=15$ $3 \cdot 5=15$

-**асоцијативен закон за множење:**

$$(ab)c = a(bc)$$

Пример: $(2 \cdot 3) \cdot 4=6 \cdot 4=24$
 $2 \cdot (3 \cdot 4)=2 \cdot 12=24$

-**дистрибутивен закон на множењето во однос на собирањето:**

$$(a + b)c = ac + bc$$

Пример: $(25-13) \cdot 8 = 25 \cdot 8 - 13 \cdot 8$
 $12 \cdot 8 = 200 - 104$
 $96 = 96$

-нулата е неутрален елемент за собирањето:

$$a + 0 = 0 + a = a$$

$$a \cdot 0 = 0 \cdot a = 0$$

Пример: $7+0=0+7=7$ $9 \cdot 0=0 \cdot 9=0$

2. ОДЗЕМАЊЕ И ДЕЛЕЊЕ НА ПРИРОДНИ БРОЕВИ

За дадени $a, b \in \mathbb{N}$, разликата $a - b$ не е секогаш определена, т.е. не постои во \mathbb{N} . Ако $a > b$, тогаш $a - b \in \mathbb{N}$. (Во \mathbb{N}_0 , условот е $a \geq b$.) За дадени $a, b \in \mathbb{N}$, количникот $a : b$ не е секогаш определен, т.е. не е природен број.

2.1. ДЕЛЕЊЕ СО ОСТАТОК

За кои било дадени природни броеви a и b , $a > b$, постојат еднозначно определени броеви $k, r \in \mathbb{N}_0$ така што $a = kb + r$, $0 \leq r < b$, при што k е количник, а r остаток од делењето на a со b .

2.2. РЕЛАЦИЈА ЗА ДЕЛИВОСТ

Природниот број a е делив со природниот број b , ако постои природен број k , така што:

$$a = kb.$$

Правилото за деливост симболички се запишува:

$$b \mid a \Leftrightarrow a = kb, k \in \mathbb{N}.$$

2.3. ПРОСТИ И СЛОЖЕНИ БРОЕВИ

Секој природен број n што има точно два делители 1 и n се вика прост број. Природните броеви што имаат повеќе од два делителя се викаат сложени броеви. Бројот 1 не е ни прост ни сложен број.

Пример: Бројот 7 има само два делители (тоа се 1 и 7) и тој е прост број.
Бројот 8 има повеќе од два делители (тоа се 1, 2, 4 и 8) и тој е сложен број.

2.4. НАЈМАЛ ЗАЕДНИЧКИ СОДРЖАТЕЛ

Најмал заеднички содржател (*НЗС*) на два или повеќе природни броеви се вика *најмалиот број што е содржател на секој од дадените броеви*.

Пример НЗС (60, 45, 48):

$$60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

$$45 = 3^2 \cdot 5$$

$$48 = 2^4 \cdot 3$$

$$\text{Значи, НЗС (60, 45, 48)} = 2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 = 720$$

2.5. НАЈГОЛЕМ ЗАЕДНИЧКИ ДЕЛИТЕЛ

Најголем заеднички делител (*НЗД*) на два или повеќе природни броеви се вика *најголемиот природен број што е делител на тие броеви*.

Пример НЗД(60, 90, 48):

$$60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

$$90 = 2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

$$48 = 2^4 \cdot 3$$

Значи,

$$\text{НЗД(60, 90, 48)} = 2 \cdot 3 = 6.$$

Ако НЗД од два броја е 1, тогаш за тие броеви се вели дека се *заемно прости*.